

Aufgaben für die 1. Sitzung

13. August 2017

Umgang mit Funktionen

- (1) a. Analog zu $\mathbf{id} :: a \rightarrow a$ in den Folien: Was machen die Funktionen
 - $f :: a \rightarrow b \rightarrow a$
 - $g :: (a,b) \rightarrow a$ und
 - $h :: ((a,b) \rightarrow c) \rightarrow a \rightarrow b \rightarrow c$zwangsläufig?
 - b. Suche in Hoogole nach den Typen und finde heraus, wie f , g und h wirklich heißen.
 - c. Implementiere die drei Funktionen. Kannst du f durch eine Kombination von g und h ausdrücken?
- (2) Implementiere $\mathbf{flip} :: (a \rightarrow b \rightarrow c) \rightarrow b \rightarrow a \rightarrow c$. Wofür ist diese Funktion gut?
- (3) Implementiere $(.) :: (b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow c$. Wofür ist diese Funktion gut?
- (4) Zeige im λ -Kalkül, dass $\mathbf{flip} . \mathbf{flip} === \mathbf{id}$.

Umgang mit Listen

- (5) Implementiere die Funktion $\mathbf{length} :: [a] \rightarrow \mathbf{Int}$.
Welche Laufzeit hat \mathbf{length} ?
- (6) Implementiere die Funktion $(!!) :: [a] \rightarrow \mathbf{Int} \rightarrow a$ so, dass 'xs !! i' das i-te Element aus xs liefert (beginnend bei 0).
Welche Laufzeit hat $(!!)$? Was bedeutet das für die Übertragung Array-basierter Algorithmen auf Listen?
- (7) Implementiere $\mathbf{map} :: (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b]$. Hier soll die gegebene Funktion auf jedes einzelne Listenelement angewandt werden.
Welche Typensignatur hat $\mathbf{map flip}$? Welche hat $\mathbf{flip map}$?

- (8) Implementiere **filter** :: $(a \rightarrow \mathbf{Bool}) \rightarrow [a] \rightarrow [a]$. Hier sollen alle Elemente entfernt werden, die das gegebene Prädikat nicht erfüllen.
- (9) Implementiere **zipWith** :: $(a \rightarrow b \rightarrow c) \rightarrow [a] \rightarrow [b] \rightarrow [c]$.
 Dabei gilt ‘**zipWith** f [1,2,3, ...] [a,b,c, ...] === [f 1 a, f 2 b, f 3 c, ...]’.
 Implementiere auch den Spezialfall **zip** :: $[a] \rightarrow [b] \rightarrow [(a,b)]$, indem du ihn auf **zipWith** zurückführst.
 Welche Typensignatur hat **zipWith** (.)? Welche hat **zipWith id**?
- (10) Implementiere **reverse** :: $[a] \rightarrow [a]$. Hier soll die Liste umgedreht werden.
- (11) Implementiere **splitAt** :: $\mathbf{Int} \rightarrow [a] \rightarrow ([a],[a])$. Hier soll die Liste nach den ersten n Elementen durchgeschnitten und die beiden Teillisten zurückgegeben werden.
 Implementiere darauf aufbauend **take** :: $\mathbf{Int} \rightarrow [a] \rightarrow [a]$, welches von einer Liste nur die ersten n Elemente behält, und **drop** :: $\mathbf{Int} \rightarrow [a] \rightarrow [a]$, welches die ersten n Elemente einer Liste wegwirft.
- (12) Implementiere **cycle** :: $[a] \rightarrow [a]$. Hier soll die gegebene Liste unendlich oft wiederholt werden. Denke daran, beim Testen **take** zu Verwenden.
- (13) Implementiere **iterate** :: $(a \rightarrow a) \rightarrow a \rightarrow [a]$, so dass das i-te Element des Ergebnisses, die i-fache Anwendung der gegebenen Funktion auf den Startwert enthält.

Fibonacci-Zahlen

Die Reihe der Fibonacci-Zahlen beginnt mit 0 und 1, und ist weiter definiert durch

$$a_n := a_{n-2} + a_{n-1}$$

Die ersten Elemente sind also: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, ...

- (14) Implementiere analog zur Definition die Funktion **fib** :: $\mathbf{Int} \rightarrow \mathbf{Int}$, die auf naive Weise die n-te Fibonacci-Zahl liefert. Welche Laufzeit bekommst du?
- (15) Verbessere die Laufzeit auf $\mathcal{O}(n)$ (Tipp¹)
- (16) Implementiere die unendliche Liste **fibs** :: $[\mathbf{Int}]$ mithilfe von **iterate**.
- (17) Implementiere die unendliche Liste **fibs'** :: $[\mathbf{Int}]$ mithilfe von **zipWith**.
- (18) Warum sind diese beiden Lösungen besser als die folgende?

¹Tupel als Rückgabewert, das die n-te und die n-1-te Zahl enthält

```
fibs ' ' :: [Int]
fibs ' ' = map fib [0..]
```

Fizz Buzz

Fizz Buzz ist ein Spiel, bei dem die Teilnehmer*innen reihum von 1 hochzählen, wobei:

- Zahlen, die durch 3 teilbar sind, durch „fizz“,
- Zahlen, die durch 5 teilbar sind, durch „buzz“ und
- Zahlen, die durch 3 *und* 5 teilbar sind, durch „fizz buzz“ ersetzt werden.

- (19) Implementiere die Funktion `isFizzBuzz :: Int → String`, die für eine gegebene Zahl herausfindet, was gesagt werden muss. (Tipp: `show :: Show a ⇒ a → String`).
- (20) Implementiere die unendliche Liste `fizzBuzz :: [String]`, die den gesamten Spielverlauf enthält.

Leseverständnis

„Einfach in ghci eingeben“ ist hier Schummeln ;)

- (21) Wie sieht die folgende Liste aus? Wie kann man sie leserlicher implementieren?

```
foo :: [Int]
foo = 1 : map (+1) foo
```

- (22) Was macht die folgende Funktion? Wie kann man sie leserlicher implementieren?

```
fuu :: Int → Int
fuu = (!!) $ iterate (*2) 1
```

Pointfree-Notation

Im sogenannten „Pointfree“-Style² werden Funktionen als Komposition aus anderen Funktionen geschrieben, möglichst ohne das Argument („point“) explizit zu nennen. Einfaches Beispiel:

```
concatMap :: (a → [b]) → [a] → [b]
— pointful
concatMap f xs = concat (map f xs)
— medium
concatMap f = concat . map f
— pointfree
concatMap = (concat .) . map
```

²auch regelmäßig spaßeshalber „Pointless“-Notation genannt

(23) Schreibe die folgende Funktion in *Pointful*-Style um:

```
foo = (sum .) . zipWith (*)
```

Welchen Typ hat foo überhaupt?

(24) Schreibe die folgenden Funktionen in *Pointfree*-Style um:

```
bar x y z = f (g x y) z
baz (x,y) z = f z (g x y)
buz x y = y
```

Denk an η -Reduktion und folgende Hilfsfunktionen: $(.)$, id , const , flip , curry , uncurry . Weitere wirst du in zukünftigen Sitzungen kennenlernen.